#### 文章编号:1001-5078(2009)08-0813-04

· 激光技术与应用 ·

# 大气湍流对激光通信系统影响的数值模拟

# 宿 伟,齐文宗 (四川大学电子信息学院,四川 成都 610064)

**摘 要:**从大气湍流对激光传输的影响出发,在 Rytov 和 Tartaskii 理论模型的基础上,得到激 光通信系统的信噪比(SNR)、误码率(BER)和光强起伏之间的关系,并对信噪比和误码率在 不同湍流强度、不同波长下随传输距离的变化进行了数值模拟。结果表明:大气湍流对系统误 码率和信噪比均有明显的影响,且对误码率的影响超过信噪比占主要地位,在不同湍流强度 下,误码率随着湍流强度的增加起初以指数形式迅速增长,最后趋于同一值,传输的最大距离 有显著的变化,使用长波长的激光可以增加信号传播的有效距离,提高激光的通信质量。 关键词:大气湍流;光强起伏;信噪比;误码率

中图分类号:TN929.13 文献标识码:A

# Research on the effect of the atmospheric turbulence on laser communication system

#### SU Wei, QI Wen-zong

(School of Electronics and Information, Sichuan University, Chengdu 610064, China)

Abstract: From analyzing the effect of the atmospheric turbulence on laser communication system, based on the theory model of Rytov and Tartaskii and ignoring other noises in the system, the signal-to-noise ratio(SNR) and the bit error rate(BER) between which the relationship and intensity variance was deduced in laser communication system, then made numerical simulation which varied with distance in different turbulence and different wavelength. The result indicates that the intensity of atmosphere turbulence has great impact on both BER and SNR of the system, and it affects the former more. BER follows an exponential growth curve as the intensity of atmosphere turbulence increases initially and finally tends to be maintain the same value, during which course, the maximum effective range of the transmission varies. Adopting laser with longest wave to communicate can increase effective distance of the signal transmission and improve the quality of laser communication system.

Key words: atmosphere turbulence; light-intensity oscillation; SNR; BER

## 1 引 言

随着激光通讯技术的发展,激光在大气湍流中 的传输越来越受到人们的关注和研究,从以前的许 多研究中可以知道:激光束在大气中传输时,由于湍 流大气的影响,激光束的波前发生随机起伏,引起光 束强度的起伏、光束的扩展以及传输方向的随机漂 移等效应<sup>[1-3]</sup>,导致光束质量的下降,对激光通信系 统的实际应用造成严重的影响。而信噪比和误码率 是衡量激光通信系统质量的两个重要参量。本文正 是通过研究信噪比和误码率这两个参量随大气湍流 的变化,从而分析大气湍流对激光通信系统的影响, 以利于提高激光通信的质量。

- 2 基本理论
- 2.1 信噪比(SNR)的理论模型 基于 Rytov 的理论可以知道平面波在自由介质

作者简介:宿 伟(1983 - ),男,在读研究生,主要从事激光在 大气中传输问题的研究。E-mail:su1680@163.com 收稿日期:2009-02-25;修订日期:2009-04-23

中的传播公式为<sup>[4]</sup>:

$$E_0(\vec{r}) = A_0(\vec{r}) \exp(i\varphi_0(\vec{r}))$$
(1)

式中, $A_0(\vec{r})$ 是激光光束在没有湍流时的振幅; $\varphi_0$ 是 光波相位; $E_0(\vec{r})$ 是光束电磁场的分布。当激光光 束在大气湍流中传输时,大气湍流引起的光强起伏、 光束的扩展和光束的漂移严重削弱了接收端的信 号。其中光束偏转的起伏率约低于1 kHz 或2 kHz, 光束扩展也是影响较小,因此大气湍流折射率变化 引起的光强起伏是影响信号削弱的最重要因素。大 气折射率的改变引起激光光束的分布的变化。这样 波动方程可以表示为<sup>[5-6]</sup>:

 $E(\vec{r}) = A(\vec{r}) \exp(i\varphi(\vec{r})) = E_0(\vec{r}) \exp(\Phi)$ (2) 其中, $A(\vec{r})$ 表示激光光束在湍流中传输时的振幅, 式中的  $\Phi$  为:

$$\Phi = \ln\left(\frac{A(\vec{r})}{A_0(\vec{r})}\right) + i(\varphi(\vec{r}) - \varphi_0(\vec{r})) = \chi + iS$$
(3)

式中, *x* 表示大气湍流引起的对数振幅起伏; *S* 为光 波相位起伏。从这个式子中可以看出接收信号的强 度和相位的起伏是大气湍流引起的信号的信噪比和 误码率导致的。

对于平面波,当湍流强度较弱时,且折射率结构 常数  $C_n^2$ 关于光路对称,根据 Rytov 的理论,平面波 的对数光强起伏方差为<sup>[6]</sup>:

$$\sigma_{\ln l}^{2} = \langle (\ln l - \langle \ln l \rangle)^{2} \rangle = 1.23 \ C_{n}^{2} k^{7/6} L^{11/6}$$
(4)

其中, $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ , k 为波数; L 为传播距离下标; I 表示 光强。

Tartaskii运用 Rytov 近似对激光通过大气后的 接收光强起伏,即光强闪烁给出了理论模型,在弱起 伏条件下,根据此模型得出水平传输时的对数振幅 方差为<sup>[7]</sup>:

$$\langle \chi^2 \rangle = 0.31 \ C_n^2 k^{7/6} L^{11/6}$$
 (5)

假定只考虑大气湍流引起的噪声,忽略其他噪 声的影响,可以得到:

$$\chi = \ln\left(\frac{A(\vec{r})}{A_0(\vec{r})}\right) = \ln\left[\frac{A_0(\vec{r}) + A_n(\vec{r})}{A_0(\vec{r})}\right]$$
$$= \ln(1+\varepsilon)$$
(6)

式中, $A_n(\vec{r})$ 为噪声的振幅。令 $\varepsilon = \frac{A_n(\vec{r})}{A_0(\vec{r})}$ ,那么当 信号强度为 $I_0$ ,噪声强度为 $< I_n >$ 时大气湍流引起 的 SNR 为:

$$\operatorname{SNR} = \frac{I_0}{\langle I_n \rangle} = \frac{\langle A_0(\vec{r}) \rangle}{\langle A_n(\vec{r}) \rangle} = \left[ \langle \varepsilon^2 \rangle \right]^{-1} \quad (7)$$

对于弱湍流  $\varepsilon$  很小,因此 $\chi = \ln(1 + \varepsilon) \approx \varepsilon$ , 所以:

SNR = 
$$(\chi^2)^{-1}$$
 =  $(0.31 C_n^2 k^{7/6} L^{11/6})^{-1}$  (8)  
联立式(4),式(5)得.

$$SNR = \left(\frac{31}{123}\sigma_{\ln l}^2\right)^{-1}$$
(9)

2.2 误码率(BER)的理论模型

对于数字激光通信系统,光接收机接受光信号 时的误码率为<sup>[8]</sup>:

BER = 
$$\frac{1}{2} \left[ \operatorname{erfc} \left( \frac{Q}{\sqrt{2}} \right) \right]$$
 (10)

式中, erfc(x)代表补余误差函数,定义为<sup>[9]</sup>:erfc(x) =  $\frac{2}{\sqrt{\pi^{x}}} \exp(-y^{2}) dy, Q = \frac{I_{1} - I_{0}}{\sigma_{1} + \sigma_{0}}, I_{1}$ 和  $I_{0}$ 分别对应比 特1和比特0时的平均光强,  $\sigma_{1}$ 和  $\sigma_{0}$ 分别对应比 特1和比特0处有噪声引起的光强的均方根。假定  $I_{0} = 0$ 即比特为0时对应的光强为0,可以得到:

$$Q = \frac{I_1}{\sigma_1 + \sigma_0} = \langle \frac{A_0^2(\vec{r})}{A_n^2(\vec{r})} \rangle = \frac{1}{\langle \varepsilon^2 \rangle} = \frac{1}{\langle \chi^2 \rangle} (11)$$
  
将 Q 代入式(10)中可以得到:  
BER =  $\frac{1}{2} \Big[ \operatorname{erfc} \Big( \frac{(\chi^2)^{-1}}{\sqrt{2}} \Big) \Big]$ 

$$= \frac{1}{2} \left[ \operatorname{erfc} \left( \frac{(0.31 \ C_n^2 k^{7/6} L^{11/6})^{-1}}{\sqrt{2}} \right) \right] \quad (12)$$

联立式(4)、式(5)、式(12)得:

$$BER = \frac{1}{2} \left[ \operatorname{erfc} \left( \frac{123}{\sqrt{2 \times 31} \sigma_{\ln \ell}^{2}} \right) \right]$$
(13)

2.3 大气中的折射率结构常数(C<sub>n</sub><sup>2</sup>)模型和激光波 长的选择

折射率结构常数对激光闪烁和光束展宽都具有 重要的影响。目前国内外常见的大气湍流模型主 要有:

适用于强湍流情况下的 HV21 模型<sup>[10]</sup>:

 $C_n^2(h) = 5.94 \times 10^{-53} \times (21/27)^2 h^{10} e^{-h/1000} + 2.7 \times 10^{-16} e^{-h/1500} + 1.7 \times 10^{-14} e^{-h/100}$ (14)

适用于弱湍流情况下的 Modified HV 模型:

 $C_n^2(h) = 8.16 \times 10^{-54} h^{10} e^{-h/1000} + 3.02 \times 10^{-17} e^{-h/1500} + 1.9 \times 10^{-15} e^{-h/100}$  (15) 其中,h 是距离地面的垂直高度,单位为 m。由以上的两个模型可知,大气结构常数为高度的函数,都随着高度的变化而变化。

为了减小大气对激光传输的吸收作用,应该

选择大气透射情况比较好的激光波长,一般情况 下选择波长位于 0.85 μm 到 10.6 μm 之间<sup>[11]</sup>,因 此,为了比较各种波长在不同湍流情况下对激光 传输的影响,本文选用的波长为 780 nm,850 nm 和 1550 nm。

#### 3 大气湍流对激光通信性能影响的数值模拟

本文依据以上理论模型进行数值模拟,水平传 输距离为10 km 以内,海拔高度100 m 以内。大气 湍 流 强 度 为  $10^{-14}$  m<sup>-2/3</sup>, 5 ×  $10^{-15}$  m<sup>-2/3</sup>,  $10^{-15}$  m<sup>-2/3</sup>。波长分别为780 nm,850 nm,1550 nm。



由图 1(a)可知在传输距离一定的情况下,SNR 随着湍流强度的增加而减小,并且在湍流强度较强 时更为显著,可以得知在弱湍流中 SNR 随距离的传 输减小较为缓慢,尤其当湍流强度为  $C_n^2 =$  10<sup>-15</sup> m<sup>-2/3</sup>的情况下,信号在 10 km 处的信噪比仍 大于 1,即信号在弱湍流中的有效传输距离增长。 由图 1(b) 知, 传输距离一定时, 误码率 BER 随着 湍流强度的增加而增大,按 BER 小于 10<sup>-9</sup>的要求 对于湍流强度  $C_n^2 = 10^{-15} \text{ m}^{-2/3}$ , 激光信号传输的最 大距离约为 4600 m, 但在湍流强度为  $C_n^2 = 5 \times 10^{-15} \text{ m}^{-2/3}$ 和 10<sup>-14</sup> m<sup>-2/3</sup>时, 最大传输距离分别约 为 2000 m 和 1400 m, 表明激光信号传输的最大距 离大幅下降。



图 2 SNR 和 BER 在不同波长下与传输距离的关系

图 2(a) 可知, 传输距离一定时, 波长越长相应 的信号的信噪比 SNR 也越高。假定 SNR = 1 时, 波 长  $\lambda$  = 780 nm,  $\lambda$  = 850 nm,  $\lambda$  = 1550 nm 的激光束在 湍流强度  $C_n^2$  = 10<sup>-14</sup> m<sup>-2/3</sup>中的传输距离分别约为 3297 m, 3490 m 和 5112 m。随着波长的增大, SNR 传输的有效距离也在逐渐增加。由图 2(b) 可知, 传 输距离一定时, BER 随着波长的增加而增加, 且在 4 km 左右时有不同的变化, 在 4 km 以前以指数形式 增长, 在 4 km 以后增长缓慢且趋于同一值, 按小于 10<sup>-9</sup>的要求, BER 在波长  $\lambda$  = 780 nm 和  $\lambda$  = 1550 nm 时激光束在湍流强度为  $C_n^2$  = 10<sup>-14</sup> m<sup>-2/3</sup>中传输的 最大距离约为1348 m 和1957 m,传输有效距离约 增加了600 m。可见,随着波长的增加,BER 传输 的最大距离也得到增加,因此采用波长较长的激 光可以提高激光通信系统在湍流大气中的传输 质量。



由图 3 可知,信噪比和对数强度起伏方差成反 比关系,但起伏较小,误码率和对数强度起伏方差成 正比关系且随着对数强度起伏方差的变化起伏很 大,因此在激光通信系统中大气湍流的对数强度起 伏方差对误码率的影响较大,占主要地位。如果要 求系统的误码率小于 10<sup>-9</sup>,那么对应的大气湍流对 数强度起伏方差应小于 0.67。

### 4 结 论

从信噪比(SNR)和误码率(BER)两个典型参数方面研究了大气湍流对激光通信系统性能的影响,并进行了数值模拟分析。结果表明:信噪比随着大气湍流强度的增加而减小,误码率随着湍流强度的增加而增加且变化显著占主要地位。按 BER 小于 10<sup>-9</sup>的要求在不同湍流强度下传输的最大距离 有明显的变化,采用长波长的激光可以有效地增加 信号传播有效距离,提高系统的通信质量。在实际 工程中,还可以采用自适应光学和多发射机等技术 来降低大气湍流对误码率的影响。

# 参考文献:

- [1] 荣健,陈彦,等.激光在湍流大气中的传输特性和仿真 研究[J].光通信技术,2003,27(11):42-45.
- [2] Andrews L C, Phillips R L, Hopen C Y, et al. Theory of optical scintillation [J]. J opt soc Am A, 1999, 16(6): 1417-1429.
- [3] 张逸新,迟泽英. 光波在大气中的传输与成像[M]. 北 京:国防工业出版社,2001:4-6.
- [4] X Guo liang, Z Xuping, W Junwei, et al. Influence of atmospheric turbulence on FSO link performance[J]. Proc. SPIE, 2004, 5281:816-823.
- [5] L C Andrews, R L Phillips, C Y Hopen. Laser beam scintillation with applications [M]. Bellingham, Washington: SPIE Optical Engineering Press, 2001.
- [6] M Uysal, J Li, M Yu. Error rate performance analysis of coded free-space optical links over Gamma-Gamma atmospheric turbulence channels [ J ]. IEEE, 2006, 5 ( 6 ): 1229 – 1233.
- [7] X Zhu, J M Kahn. Free-space optical communication through atmospheric turbulence channels [ J ]. IEEE, 2002,50(8):1293 - 1300.
- [8] 徐公权.光纤通信技术[M].北京:机械工业出版社, 2002:437-438.
- [9] 杨祥林.光纤通信系统[M].北京:国防工业出版社, 2000:145-145.
- [10] 张晓芳,俞信,阎吉祥.大气湍流对光学系统图像分辨 力的影响[J].光学技术,2005,31(2):263-265.
- [11] 李晓峰,陈彦,胡渝.空-地激光通信链路波长选择因 素分析[J].应用光学,2004,25(1):30-33.