文章编号:1001-5078(2010)11-1195-06

· 激光器技术 ·

# 基于再生锁模控制的激光器高次谐波研究

# 叶 苗,王其华 (黄淮学院,河南驻马店463000)

**摘 要:**针对高次谐波稳定性差的问题,采用再生锁模控制的方法。首先分析锁模脉冲的形成 机制,接着对光频率进行合成,经三波瞬态耦合波方程,最后得到高次谐波。在实验装置中得 到均衡的脉冲图像且锁模脉冲平滑,获得高信噪比和高稳定性放大的信号光,因此增加光参量 啁啾脉冲放大系统的灵活性,本文所采用的分析方法对其他光源的稳定设计也有借鉴作用。 关键词:再生锁模;高次谐波;瞬态耦合波方程

中图分类号:TN248.1 文献标识码:A

# Study on high-order harmonic generation based on regenerative mode-locked control

#### YE Miao, WANG Qi-hua

(Huang Huai College, Zhumadian 463000, China)

**Abstract**: To improve the stability of the high order harmonic components, regeneration mode locking control is used as a solution. Firstly the formation mechanism of the mode locking pulse is analyzed. Then optical frequency synthesis is made based on three wave transient state coupling equation. Finally the high order harmonic components are obtained. In the experiment, pulse image obtained is balanced and the mode locking pulses are smooth. High signal-tpnoise ratio and high stable amplified light is obtained, which increases the quality and flexibility of chirp pulse amplifying system. The analysis method presented can be also applied to the design of other stable light source. **Key words**:regeneration mode-locked; high order harmonic; transient coupled wave equations

## 1 引 言

激光技术的广泛应用,需要更加优质高速的超短脉冲激光,有理数谐波锁模光纤激光器是产生超短脉冲的重要方法之一<sup>[1]</sup>,但是由于光纤激光器腔长较长,且光纤对外界环境十分敏感,使得腔长与调制频率的匹配状态难以持续保持,因此必需采用相应的脉冲稳定措施。

被动锁模技术输出脉宽相对较窄,结构简单,但 是输出脉冲重复率受光纤长度的限制不可能很高, 不易调整和控制。主动锁模技术使用周期性调制谐 振腔参量的方法,但是主动锁模腔内调制器的使用 不仅导致了附加损耗,而且也引入了一个非光纤元 件。谐波锁模固有的超模噪声引起短期不稳定性; 温度的变化引起环长变化,使得调制频率和腔本征

#### 谐波频率之间失配,难以稳定工作。

本文从再生锁模激光系统主方程出发,推出了 二阶非线性效应的三波瞬态耦合波方程,利用调制 器的调制频率获取高阶锁模脉冲序列,得到的锁模 稳定性较好,同时分析了多分子数的高阶有理数谐 波锁模脉冲,通过调整偏振控制器更容易达到脉冲 均衡,可以长期稳定地输出波长、脉宽可调的高重复 率变换脉冲。

- 2 高阶谐波产生过程
- 3.1 锁模脉冲的形成机制 假设锁模掺铒光纤激光器的基频<sup>[2]</sup>为:

作者简介:叶 苗(1983 - ), 女, 讲师, 硕士, 研究方向为红外光 学成像处理。E-mail; w99170071@ yahoo. com. cn 收稿日期; 2010-02-03; 修订日期; 2010-08-02

其中,c为光速;L为完全锁定时腔内光纤的总长度;  $n_0$ 为光纤折射率,基频一般不超过100 MHz,而掺铒 光纤的增益带宽一般大于30 nm,远远大于纵模间 隔,因此在激光器工作时同时会有大量的纵模落在 增益带宽内。设腔内共有M = 2m + 1个纵模,第  $q = 0模的圆频率 \sqrt{3} 初相位为: \omega_0, \varphi_0,则第 q 模为:$ 

 $\omega_q = \omega_0 + q\Omega$ 

 $\varphi_q = \varphi_0 + q\alpha$ 

锁模出现的条件是:各纵模相位同步,任意相邻 纵模的相位差固定为一常数值: $\varphi_n - \varphi_{n-1} = \alpha$ ,模式 频率  $\omega_m$  可写为:

$$\begin{split} &\omega_m = \omega_0 + 2m\pi\Delta\nu \\ & \hat{\mathfrak{R}} \ q \ \mbox{模bh} N \overline{\mathfrak{S}} \ \mbox{field} \overline{\mathfrak{R}} \ \mbox{i} \\ & E_q(t) = E_0 e^{\mathrm{i}(\omega_q + \phi_q)} = E_0 e^{\mathrm{i}[(\omega_0 + q\Omega)t + (\phi_0 + q\alpha)]} \\ & \widehat{\mathfrak{G}} \mathcal{X} \ \mbox{5} \\ & \mathcal{S} \\ \end{split}$$

$$E(t) = \sum_{q=-n}^{n} E_{q}(t) = \sum_{q=-n}^{n} E_{0}e^{i[(\omega_{0}+q\Omega)t + (\phi_{0}+q\alpha)]}$$
$$= A(t)e^{i(\omega_{0}t + \phi_{0})}$$

$$\begin{split} A(t) &= E_0 \sum_{q=-n}^n e^{iq(\Omega + \alpha)} = E_0 \sum_{q=-n}^n e^{iqa} = E_0 \left[ e^{-ina} + e^{-i(n-1)a} + \cdots + e^{-ia} + e^{i0} + e^{ia} + \cdots + e^{i(n-1)a} + e^{ina} \right] \\ &= E_0 \frac{e^{-ina} \left[ 1 - e^{ia(2n+1)} \right]}{1 - e^{ia}} = E_0 \frac{e^{-i\frac{a}{2}} \left[ e^{-ina} - e^{i(n+1)a} \right]}{e^{-i\frac{a}{2}} (1 - e^{ia})} \\ &= E_0 \frac{e^{-i} \left( n + \frac{1}{2} \right)^{\mu} - e^{i\left( n + \frac{1}{2} \right)^{\mu}}}{e^{-i\frac{a}{2}} - e^{i\frac{a}{2}}} = E_0 \frac{\sin \left[ \left( n + \frac{1}{2} \right)^{a} \right]}{\sin \left( \frac{a}{2} \right)} \\ &= E_0 \frac{\sin \left( \frac{Na}{2} \right)}{\sin \left( \frac{a}{2} \right)} \end{split}$$

输出功率为:

$$P(t) = |E(t)|^{2} = A^{2}(t) = P_{0} \frac{\sin^{2}\left(\frac{Na}{2}\right)}{\sin^{2}\left(\frac{a}{2}\right)}$$

式中, $P_0$ 为0阶模场振幅 $E_0$ 的一个纵模输出功率, 锁模激光器的峰值功率增加为未锁模情况的 $N_a$ 倍,但输出的平均能量并不会因锁模而增加。如果 所有模式都独立运转,其相位间没有确定关系,则总 强度  $|E(t)|^2$ 中干涉项的平均效果为零,其中:  $|E(t)|^2_{max} = (2M+1)E_0^2$ 。

锁模激光的峰值功率在  $\alpha = 0, 2\pi, 4\pi$ …时 P(t)达最大<sup>[3]</sup>,  $\alpha = 2\pi/N, 4\pi/N$ …时 P(t) = 0,光在腔内 往返一周所用时间:  $T = \frac{2L'}{c}, c$  为光速; L'为腔长。 重复频率: $f = \frac{c}{2L'} = \Delta \nu_q$ 

脉宽: $\tau = \frac{T}{N} = \frac{1}{\Delta \nu_T}$ ,脉冲宽度与能同时运转的

纵模的谱宽成反比关系,但是不论是纵模振幅呈均 匀分布还是高斯分布脉冲宽度与振荡线宽分布,脉 冲宽度与振荡线宽  $\Delta \nu_{\rm osc}$ 都满足如下关系: $\Delta \tau = k/\Delta \nu_{\rm osc}$ , k 为一常数。

因此,(2N+1)个振荡模经过锁模后,总的光场 变为频率为 $\omega_0$ 的调幅波,振幅A(t)是随时间变化 的周期函数,光强I(t)也是时间的函数<sup>[4]</sup>。

2.2 再生锁模激光系统方程

再生锁模整个系统工作时完全依靠提取激光器 内本征谐波频率成分作为调制信号<sup>[5-6]</sup>,可以确保 激光器长期不失锁,而且原则上具备自启动的能力。 激光频率转换利用晶体的非线性效应,将某一种频 率光的能量通过能量耦合效应,转移到另外一种频 率的光波上<sup>[7]</sup>。利用非线性晶体的二阶非线性极 化效应进行频率合成,假设入射到非线性晶体上的 频率  $\omega_1, \omega_2$  自我湮灭,但是产生新的频率  $\omega_3 = \omega_1 + \omega_2$ ,同时  $\omega_3$  的幅值正比  $\omega_1$  和  $\omega_2$  幅值的乘积。当脉 宽沿 z 方向传播,小于 100 ps 时,需要瞬态耦合波方 程即包含时间因子 t 的方程<sup>[8]</sup>,二阶非线性效应的 三波瞬态耦合波方程为:

$$\frac{\partial A_1}{\partial z} + \frac{1}{u_1} \frac{\partial A_1}{\partial t} = IB_1A_3A_2\exp(-i\Delta kz)$$
$$\frac{\partial A_2}{\partial z} + \frac{1}{u_2} \frac{\partial A_2}{\partial t} = IB_2A_3A_1\exp(-i\Delta kz)$$
$$\frac{\partial A_3}{\partial z} + \frac{1}{u_3} \frac{\partial A_3}{\partial t} = IB_3A_1A_2\exp(-i\Delta kz)$$

其中, $\Delta k$ 为相位失配量,直接影响参量光的增益和脉冲宽度,只有 $\Delta k = k_3 - k_2 - k_1 = 0$ ,参量增益最大;

$$\frac{1}{u_n} = \frac{\partial K(\omega_n)}{\partial \omega} = \frac{n_n}{c} \left[ 1 + \frac{\omega_n}{n_n} \frac{\partial n(\omega_n)}{\partial \omega} \right]$$
$$A_3(z) = \int_0^l IB_3 A_1 A_2 \exp(i\Delta kz) dz$$
$$= IB_3 A_1 A_2 l \operatorname{sinc}\left(\frac{\Delta k}{2}\right) \exp\left(I\frac{\Delta k}{2}l\right)$$

 $sincx = \frac{sinx}{r}$ ,其中,*l*是非线性介质长度。

设参与混频的三个电磁波均为平面波,式中,  $n=1,2,3;\omega_3 = \omega_1 + \omega_2$ 。当 $\omega_1 = \omega_2$ ,得出 $\omega_3 = 2\omega_1$ 。

当脉冲经过调制器时<sup>[9]</sup>,调制器的传输函数为  $T(\omega_m t + \varphi_i)$ ,其中 $\omega_m$ 为调制器的调制频率, $\varphi_i$ 为脉 冲第*i*次通过调制器时的调制器相位。传输函数为  $T(\omega_m t + \varphi_i)$ 在*t*时刻,围绕 $t_0$ (调制器相位 $\varphi_i$ 对应 的时刻展开)得:

$$T_{i}(t) = T(\omega_{m}t + \varphi_{i}) = J_{i} \cdot (1 + u_{i}t + \nu_{i}t^{2})$$

$$J_{i} = T(t)|_{t = \varphi_{i}}, u_{i} = \frac{T'|_{t = \varphi_{i}}}{T|_{t = \varphi_{i}}} \cdot \omega_{m},$$

$$\nu_{i} = \frac{1}{2} \frac{T''|_{t = \varphi_{i}}}{T|_{t = \varphi_{i}}} \cdot \omega_{m}^{2}$$

对于 p 次的有理数谐波锁模脉冲来说,满足:  $\varphi_i = \varphi_0 + \frac{2\pi}{p}i$ 

当一个 p 次的谐波环行 p 次后达到了锁模<sup>[11]</sup>, 应该满足:  $f_p(t) = \exp(-\Gamma t^2)$ ,这样就得到高次 谐波。

#### 3 实 验

本系统如图 1(a) 所示,其中飞秒锁模脉冲<sup>[12]</sup> 振荡器(为图 1(a) 中的标号(1)、第一分束片(2)、 稳定信号脉冲源(7)、同步泵浦源(10)、放大级(16) 和压缩器(18),在该钛宝石飞秒锁模脉冲振荡器的 输出光束方向首先通过第一分束片,第一分束片将 激光束分成透射光束和反射光束,透射光束方向依 次经过稳定信号脉冲源、放大级和压缩器,稳定信号 脉冲源由光子晶体光纤(3)、啁啾镜(4)、周期极化 铌酸锂晶体(5)和展宽器(6)构成;放大级由第一双 色镜(12)、第一非线性晶体(13)、第二双色镜(14) 和第二非线性晶体组成(15);同步泵浦源由调 Q 倍 频 YAG 激光器(8)、窄带钛宝石再生放大器(9)、第 二分束片(11)和全反镜(17)组成的。







(b) ap Tix 两系纪 (b) laser detection system 图 1 实验框图 Fig. 1 experimental diagram M1,M2,M3,M4 四个镜子构成无源腔,如图 1(b)所示,其自由光谱区等同于泵光(来自振荡器) 的纵模间隔,从而泵光在腔内形成谐振通过前后脉 冲的电场相干叠加而实现光放大,其放大倍数取决 于谐振腔腔镜的镀膜,如反射率为99.9%,放大倍 数为1000倍,反射率为99.99%,放大倍数为10000 倍,这样通过改变腔镜的反射率就可以得到想要的 激光峰值功率,飞秒激光器技术指标如表1所示。

## 表1 飞秒激光器技术指标

Tab. 1 femtosecond laser technology indicators

激光物质	Nd: Vanadate
波长/nm	1064
脉宽/FWHM	8 ps
最大平均功率/mW	1000
最大脉冲能量/nJ	1000
重复频率/Hz	0.5~1 MHz
功率稳定性	1% RMS(1 h)
光束质量	$\text{TEM}_{00}$ , $M^2 < 1.2$
偏振	垂直偏振
电源	100,115,230 VAC,50/60 Hz,350 W
环境温度	15~32℃,不结露
激光头尺寸	$702 \text{ mm} \times 502 \text{ mm} \times 166 \text{ mm}$
出光高度	101.6 mm

经过扩束后的种子光在进入展宽器前必须要经 过由格兰棱镜,半波片和法拉第旋转器组成的隔离 系统,该隔离系统可以使不同偏振方向的光在空间 上分开,这样就可以避免后来放大的光脉冲传回振 荡器,影响锁模脉冲的稳定性。种子光经过隔离系 统后进入马丁内兹展宽器,在展宽器中往复四次后 被展宽至228 ps 左右。经过展宽后的光进入再生 放大器。种子光经过再生放大提取一定的能量,并 利用普克尔盒的选单特性将频率降低到 20 Hz 输出 经扩束后进入多通放大器,四次经过多通放大器晶 体后完成放大过程。从放大器输出的激光脉冲再经 过一个1:4 的扩束望远系统后进入压缩系统。将脉 冲宽度压缩至飞秒量级,得到放大的飞秒脉冲激光 输出。图2为种子光注入再生腔时,利用快响应光 电二极管检测的输出信号,图3为注入种子光时再 生腔的脉冲,图4为种子光导出再生腔时,利用快响 应光电二极管检测的输出信号,图5种子光导出再 生腔时,利用快响应光电二极管监测的输出单脉冲 信号。由于飞秒激光参量啁啾脉冲放大激光器中设 置有多脉冲叠加放大器,不仅可获得高信噪比和高 稳定性放大的信号光,而且可扩大飞秒激光参量啁 啾脉冲放大激光器的应用范围。







Fig.4 seed light outjected into the regeneration chamber 图 6 给出了部分高次谐波,从中可以看出脉冲 形状满足中间低两边高的规律,得到的都是比较均 衡的脉冲图像,锁模脉冲平滑,有明显的平底,且无



毛刺结构,主要是由于低次的脉冲在偏振控制器的 调制下,中间峰值更容易被透过,从而达到脉冲均 衡,而当加入一个滤波器由于滤波器的波长选择功



Fig. 6 light = 1 high molecular harmonic mode-locking

浦光向信号光的转换效率。

光与信号光来自于同一光脉冲,通过控制它们之问

的光程差,能够实现它们之间目的完全同步,提高泵

能可以减少环形腔中不同波长的模式竞争,从而增加了光纤环形激光器的稳定性更容易实现锁模现象。由于飞秒激光参量啁啾脉冲放大激光器的泵浦









Fig. 7 more molecular order mode locked waveform

图 7 所示为多分子数的高阶有理数谐波锁模脉 冲,通过调整偏振控制器更容易达到脉冲均衡,可以 长期稳定地输出波长、脉宽可调的高重复率变换脉 冲,多脉冲叠加放大器对进入的超短脉冲串整形,可 得到光谱窄、时恒长度长的平顶泵浦光,此类泵浦光 与信号光同时注入非线性晶体,可以获得高信噪比 和高稳定性放大的信号光;通过控制进入多脉冲叠 加放大器的叠加脉冲个数和脉冲之间在多脉冲叠加 器中的相互延迟,可以获得不同时间长度的窄带平 项泵浦光,因而能适应不同物理需求的信号光的放 大,增加了光参量啁啾脉冲放大系统的灵活性。

#### 4 总 结

实验中观察到非线性晶体条件下形成这种高阶 谐波锁模光脉冲,其形成机理主要是高功率抽运下 高阶光孤子的分裂与光孤子间的相互作用,实验中 在稳定的高阶谐波锁模光脉冲中还观察到明显的孤 子边带光谱,高阶有理数谐波锁模脉冲比较容易达 到均衡。

# 参考文献:

- [1] Chen De Ying, Wang Yu Quan, Xia Yuanqin. Recent progress of attosecond XUV and X-ray pulses formed by high-harmonic generation [J]. High Power Laser and Particle Beams, 2008, 20(9):1409 1412. (in Chinese) 陈德应, 王玉铨, 夏元钦. 高次谐波产生阿秒极紫外和 X 光脉冲研究新进展[J]. 强激光与粒子束, 2008, 20 (9):1409 1412.
- [2] Wu Bing, Yang Bo Jun. Active mode-locked erbium-doped fiber ring laser theory and stability [J]. Photon Technology, 2005, 9(3):124 - 125, 127. (in Chinese)

吴斌,杨伯君. 主动锁模掺铒光纤环激光器的原理和 稳定性研究[J]. 光子技术,2005,9(3):124-125, 127.

- [3] Yao Ping Ping, Zhao Xin, Zhang Yi. Detection characteristics of avalanche photodiode in laser altimeter [J]. Laser Technology, 2008, 32(6):628-630,634. (in Chinese) 姚萍萍, 赵欣, 张毅. 激光测高仪中雪崩光电二极管的探测性能分析[J]. 激光技术, 2008, 32(6):628-630,634.
- [4] Jiang Qi Chang, Su Yan Li, Ji Xuan Mang. The characteristics of bright screening-photovoltaic solitons based on different photorefractive model [J]. Laser Journal, 2009, (6):54-55. (in Chinese)
  姜其畅,苏艳丽,吉选芒. 基于不同光折变模型的亮屏 蔽光伏孤子特性[J]. 激光杂志, 2009, (6):54-55.
- [5] Ma Bo Qin, Ma Dong Li, Li Zhi Yuan, et al. Different-order quasi-phase matching harmonics in quasiperiodic ferroelectric crystals [J]. Acta Optica Sinica, 2009, (12): 3473 - 3476. (in Chinese)
  马博琴, 马冬莉, 李志远, 等. 准周期铁电晶体中不同 阶次的准相位匹配谐频[J]. 光学学报, 2009, (12): 3473 - 3476.
- [6] Xu Fan, Zhang Xin Liang, Liu De Ming, et al. Tunable ultra-short optical pulse source based on reflective semiconductor fiber ring laser [J]. Acta Physica Sinica, 2006, 55 (1):211-215. (in Chinese)
  徐帆,张新亮,刘德明,等. 基于单端半导体光放大器的可调谐超短光脉冲源理论与实验研究[J].物理学报,2006,55(1):211-215.
- [7] Wang Feng Li, Chen Rui, Wang Zhan Shan, et al. Design, fabrication and characterization of the chirped Mo/Si multilayer mirrors for subfemtosecond pulses [J]. Acta Photonica Sinica, 2009, 9:2247 - 2250. (in Chinese)

王风丽,陈锐,王占山,等. 亚飞秒啁啾 Mo/Si 多层膜 反射镜的设计、制作与性能检测[J]. 光子学报,2009, 9:2247-2250.

- [8] Li Xian. BBO generated crystals make femtosecond pulse effective third harmonic [D]. Shanghai: East China Normal University, 2008:43 70. (in Chinese) 李贤. 利用 BBO 晶体产生飞秒脉冲高效三次谐波研究 [D]. 上海:华东师范大学, 2008:43 70.
- [9] Zhang Jian Wei. Experimental studies of rational harmonic mode-locked fiber lasers [D]. Shanghai; Shanghai Jiaotong University, 2008:43 70. (in Chinese)
  章健文. 有理数谐波锁模光纤激光器的实验研究[D].
  上海:上海交通大学, 2007:20 80.
- [10] Lu Ming Lie, Chai Lu. Wang Qing Feng. Femtosecond laser pulses in photonic crystal fibers frequency conversion of the experiment [J]. Laser & Optoelectronics Progress,

2005,42(1):10 - 11. (in Chinese)

722 - 724.

胡明列,柴路,王清月.飞秒激光脉冲在光子晶体光纤 中的频率变换实验[J].激光与光电子学进展,2005, 42(1):10-11.

- [11] Mo Shuang, Qu Yan Chen, Ren De Ming. The experimental research on an active-passive mode-locked Nd: YAG laser[J]. Laser & Infrared, 2007, 37(8):722 724. (in Chinese)
  莫霜,曲彦臣,任德明,等. 主被动调 Q 锁模 Nd: YAG 激光器的实验研究[J]. 激光与红外, 2007, 37(8):
- [12] Jiang Yong Liang, Leng Yu Xin, Chen Xiao Wei, et al. The laser pulse optical parametric amplification system: China
  [P]. 200710041417.2. (in Chinese)
  姜永亮,冷雨欣,陈晓伟,等. 光学参量啁啾脉冲放大激光系统[P]. 中国,200710041417.2.