文章编号:1001-5078(2022)07-0980-06

· 激光应用技术 ·

# 体育器械用铝合金材料激光表面强化数值模拟

刘明杰1,刘恒慨1,方立友2

(1. 沈阳理工大学,辽宁 沈阳 110000;2. 无锡太湖学院,江苏 无锡 214064)

**摘 要:**为研究激光表面强化技术在体育器械用铝合金材料的使用效果,利用有限元模拟方法 完成激光表面强化过程的模拟分析。通过构建体育器械用铝合金材料物理模型,设定数值模 拟边界条件等环节,实现体育器械用铝合金材料的激光表面强化数值模拟。选定实验对象,使 用此数值模拟方法模拟加工过程。经实验结果证实,此方法模拟结果符合激光强化原理与技 术特征,且数值模拟结果与实操结果较为贴近。在日后的研究中,可使用此技术设定激光强化 参数,以此推动激光强化技术的发展。

关键词:激光冲击强化;数值模拟;温度场;体育器械;铝合金;有限元法 中图分类号:TG156.2 文献标识码:A DOI:10.3969/j.issn.1001-5078.2022.07.005

## Numerical simulation of laser surface strengthening of aluminum alloy materials for sports equipment

LIU Ming-jie<sup>1</sup>, LIU Heng-kai<sup>1</sup>, FANG Li-you<sup>2</sup>

(1. Shenyang Ligong University, Shenyang 110000, China; 2. Wuxi Taihu University, Wuxi 214064, China)

Abstract: In order to study the application effect of laser surface strengthening technology on aluminum alloy materials used in sports equipment, the simulation analysis of the laser surface strengthening process is performed using the finite element simulation method. By constructing the physical model of aluminum alloy material for sports equipment and setting the boundary conditions of numerical simulation, the numerical simulation of laser surface strengthening of aluminum alloy material for sports equipment is realized. The experimental object is selected and the machining process is simulated by this numerical simulation method. The experimental results show that the simulation results accord with the principle and technical characteristics of laser strengthening, and the numerical simulation results are close to the practical results. In the future research, this technology can be used to set the laser strengthening parameters, so as to promote the development of laser strengthening technology.

Keywords: laser shock strengthening; numerical simulation; temperature field; sports equipment; aluminium alloy; finite element method

#### 1 引 言

随着社会经济的高速发展以及经济产业结构的 调整,体育教育产业发展迅猛,人们对体育器械的需 求也逐渐增加,近几年的新体育器械产量极大。传 统体育器械的加工技术使用后易造成硬化层厚度不 易控制的问题。为解决此问题,亟需寻找一种新的 金属热处理工艺。经过多年的摸索,激光表面强化 技术成为体育器械金属加工过程的核心技术。激光

作者简介:刘明杰(1982-),男,硕士,讲师,研究方向为体育教学与训练。E-mail:mingjie11123@163.com 收稿日期:2021-07-09;修订日期:2021-08-25

基金项目:高校体育课堂评价体系建设与实施研究项目(No. SLGJG2019051);基于脉冲功率激光智能制造技术项目 (No. 2132019k30035)资助。

表面强化技术是一种以激光作为能量源泉的,对金属材料进行硬化与焊接的技术,其主要包括激光表面合金化、硬化技术<sup>[1-2]</sup>。在体育器械铝合金板材的强化过程中,接缝处以远高于周围区域的速度被急剧加热,极易产生不均匀温度场。与此同时,激光热处理受到激光束与材料物理参数的影响较大,不同的激光器、材料都会导致表面强化效果下降<sup>[3]</sup>。合理设定体育器械用铝合金材料的激光表面强化参数,对于表面强化技术推广应用具有重要意义。

近些年来,计算机技术得到了广泛应用,数值模 拟分析方法成为求解技术性问题的主要工具。部分 与热处理相关的学科,如流场动力学、相变原理均得 到了深入的研究,为激光热处理计算机模拟方法的 开发提供了基础。但部分激光热处理数值模拟方法 还存在相应的问题。对文献[4]进行分析可以发 现,此文章中使用热 – 结构耦合算法对材料形成表 面微纳结构活动情况加以分析,此方法在一定程度 上提升了对表面应力的分析能力,但与激光表面强 化的适配性较低,还需要进行完善与优化。为此,在 本次研究中将设计一种新型的体育器械用铝合金材 料的激光表面强化数值模拟方法,力求在常规方法 的基础上,提升数值模拟的精度与分析能力,为激光 热处理技术的发展以及激光表面强化技术的推广应 用提供数据支撑。

#### 2 激光表面强化数值模拟关键技术分析

在本次研究中,使用有限元模拟方法作为数值 模拟方法的核心技术。由于激光热处理为动态荷 载,为提升动态荷载分析的精度,使用显式分析方法 完成模拟过程。根据连续介质力学理论,在时间为*t* 处的动态方程可表示为:

 $\int \eta \rho \ \overline{a_i} \alpha a_i e \Im + \int h \rho \ \overline{a_i} \alpha a_i e \Im$  $= \int \eta b_i \alpha a_i e \Im + \int C_{h} b_i \alpha a_i e h - \int \beta_{ij} \alpha E_{ij} e \Im \qquad (1)$ 

式中, $\rho$ 表示研究对象的质量密度;  $\Im$ 表示研究对象 的变形区;  $a_i$  与  $a_i$  分别表示激光强化点的激光束加 速度与速度;  $\alpha$  表示虚位移; h 表示线性阻尼系数:  $b_i$  表示激光光束热力;  $C_h$  表示研究对象温度场边界 上的外力;  $\beta_{ij}$  表示应力张量;  $E_{ij}$  表示变形率张量。 此公式中,等号左侧为惯性力与内部阻尼消耗功,等 号右侧为体积力、外力与内力功。使用有限元分析 法对  $\Im$  的取值结果进行离散处理:  $[G]\{\overline{a_i}\}+[H]\{\overline{a_i}\}+[L]\{\overline{a_i}\}=\{P(t)\}$  (2) 其中, [G]表示对角总体质量矩阵; [H]表示总体 单元阻尼矩阵; [L]表示单元应力场等效节点矢量 矩阵;  $\{P(t)\}$ 表示研究对象的整体荷载力矢量矩 阵。将上述公式设定为时间域函数,并使用采用中 心差分法进行离散,设定离散处理步长为 $\Delta t_n$ ,则在 固定时间段内的激光束速度可表示为:

$$\overline{A}(\underline{t_{n+1}}) = \overline{A_{n+1}} \tag{3}$$

根据此公式,可将加速度表示为:

$$\overline{A}(t_n) = \frac{A_{\frac{n+1}{2}} - A_{\frac{n-1}{2}}}{\Delta t_{\frac{n-1}{2}}}$$
(4)

式中,  $t_{\frac{n+1}{2}} = \frac{1}{2}(t_n + t_{n+1})$ 。根据此公式判定显性积 分法<sup>[5]</sup>条件的合理性与稳定性。为了使计算过程 更加合理,将其约束条件设定为:

$$\Delta t \le \Delta t_i = \frac{2}{\chi_{\max}} \tag{5}$$

式中, $\Delta t_i$ 为激光系统的最小固有工作周期; $\chi_{max}$ 表示激光系统的最高固有频率。

使用上述公式,完成有限元模拟过程,并将其作 为本次研究中的主要计算部分。

### 3 体育器械用铝合金材料的激光表面强化数值模 拟方法设计

#### 3.1 构建体育器械用铝合金材料物理模型

根据实际体育器械表面强化过程分析结果,构 建铝合金材料物理模型。在实际的强化处理过程 中,铝合金材料放置在工作台上,激光按照一定的功 率与速度,按照由上至下的方向,完成激光热处理加 工<sup>[6]</sup>。根据此工作原理,可以对物理模型提出相应 的假设:(1)材料具有各方向同性的特征;(2)加工 过程中,激光垂直于铝合金材料表面;(3)加工过程 中,合金材料不会发生位移。根据上述假设,构建激 光强化中的合金材料物理模型。对物理模型进行分 析可知,在激光表面强化的过程中会发生对流情况, 将其视作施加在金属部件表面上的面载荷,使用其 可计算出流体与工件的热交换情况。

表面强化的效果受到材料的应变能力、温度软 化效应以及加工周期等因素的影响。因此,可以将 物理模型的基础参数计算公式表示为:

$$\Omega = (C + D\vartheta^n) \left[ 1 + S \cdot \ln(\frac{\vartheta}{\vartheta_n}) \right]$$
(6)

式中, 8<sup>n</sup> 表示金属材料的等效塑性应变; 8 表示金

属材料的塑性应变率计算结果; ∂。表示物理模型的 参考应变率取值; Ω使用加工过程中的流动应力; C 表示金属材料屈服强度; D表示应变强化参数; S 表 示应变率的历史取值结果。由于在实际的加工中, 激光会使材料局部发生温度,导致计算结果与实际 情况出现误差。为确定材料的导热系数等物理参 数,需要在数值模拟前,对参数的取值结果进行预处 理。使用有限元软件,对物理模型进行网格划分,提 升数据的处理精度。根据本次研究中的核心技术计 算要求,将网格划分方法设定为映射网格的形式。 使用此方法将物理模型划分为微小单元的形式,为 后续的数值模拟提供基础。

3.2 数值模拟边界条件设定

根据预设的物理模型可知,在实际的加工中,金 属材料会与外界环境发生热对流,因此,将有限元模 拟方法作为核心处理计算后,将加工中的热对流作 为数值模拟的边界条件,并使用牛顿方程<sup>[7]</sup>对其展 开计算:

$$w_i = -x_i(T_j - T_i) \tag{7}$$

其中, w<sub>i</sub> 表示加工过程中铝合金材料与加工环境热 交换的总能量; x<sub>i</sub> 表示对流热交换系数; T<sub>j</sub> 表示加 工过程中的材料表明温度; T<sub>i</sub> 表示加工环境温度。

加工过程中铝合金材料的热辐射系数,在本次 模拟过程中使用下述公式表示:

 $w_j = -\psi_0 \nu [(T_j + \mathbb{R})^4 - (T_i + \mathbb{R})^4]$  (8) 其中, $\psi_0$  表示辐射系数; R 为计算中需要的常数, 取值为正数。为了使边界条件的设定结果更加有 效,需要构建相应的激光热源模型。以过往的研究 结果作为本次热源模型的构建基础,将激光光束设 定为点热源的形式,使用 Rosenthal 解析模型作为点 热源模型,则有:

$$T(y) = \frac{2R}{\ell \rho (4\pi\gamma t)^{\frac{3}{2}}} \exp(-\frac{y^2}{4\gamma t})$$
(9)

式中, y 表示加工点距离点热源的距离; T(y) 表示 加工点的温度; R 表示加工过程中某一时刻激光热 源的能量输出值; ℓ 表示铝合金材料的比热容取值 范围; ρ 表示铝合金材料密度;铝合金材料导热系数 为 γ; t 为加工过程中激光热源的工作时长。激光 作为热源时,其能量分布呈现中心热能较多,周围热 能较少的情况。根据此原理,使用高斯模型<sup>[8-9]</sup>分 析其分布密度,具体计算过程如下:

$$\aleph(y) = \aleph_i \exp(-3\frac{y^2}{R^2})$$
(10)

式中, ℵ(y) 表示加工点处的热源密度; ℵ<sub>i</sub> 表示最 大热源密度。使用上述公式作为数值模拟过程中的 边界条件,为后续的数值模拟计算部分提供计算 参数。

3.3 铝合金材料激光表面强化数值模拟

使用上文中设定的边界条件与物理模型,结合 有限元模拟方法,实现铝合金材料激光表面强化数 值模拟分析。

在上文的研究中,根据相关要求对物理模型进 行划分,为保证数值模拟结果的合理性,将数值模拟 计算步长设定如下:

$$U = \frac{\iota}{4z} \tag{11}$$

式中, z 表示材料的导热系数; u 表示沿激光束方向 热能最大处的单元长度。将此公式的计算结果作为 数值模拟中的计算单元划分依据,根据此结果确定 数值模拟的次数。

在数值模拟中,对激光加强对铝合金材料的热 能展开计算:

$$K_{\max} = 0.01 \sqrt{\frac{m}{2m+3}} \sqrt{V} \sqrt{\overline{\omega} \cdot J_0}$$
(12)

式中,  $K_{max}$  表示激光束产生的最大热能; m 表示材 料内能转化成热能的转化系数;  $\omega$  表示材料对热能 的吸收率; J 表示热能吸收过程中的约束条件:

$$J = \frac{2J_1J_2}{J_1 + J_2}$$
(13)

其中, J<sub>1</sub>, J<sub>2</sub> 表示合金材料的声阻抗<sup>[10]</sup>。联立公式 (12)与公式(13),绘制激光表面强化压力示意图, 如图 1 所示,并对其加以分析。



Fig. 1 Temperature diagram of laser surface strengthening

根据图1,得到激光强化过程中合金材料的热能分布,则有:

$$F = F_{\max} \cdot p(t) \cdot p(x, y) \tag{14}$$

$$p(x,y) = \exp\left[\frac{-(x^2 + y^2)}{2N^2}\right]$$
 (15)

式中, N 表示激光束半径; *F*<sub>max</sub> 表示激光强化产生的热能峰值; *p*(*t*) 表示激光热处理时间; (*x*,*y*) 表示数值模拟中的加工点的坐标值。根据此公式, 可完成激光强化数值模拟。将上文中设定的内容有序排列后,整合为系统的数值模拟方法。至此,体育器械用铝合金材料的激光表面强化数值模拟方法设计完成。

#### 4 仿真实验验证

#### 4.1 实验方案设计

本次研究中提出了一种新型铝合金材料激光表 面强化数值模拟方法,为验证此方法具有常规方法 不具备的优点,构建仿真实验环节对其数值模拟效 果展开分析。激光强化主要包括:激光表面冲击强 化、激光表面合金化、激光表面熔覆、激光表面溶凝 等方法。本文主要选择激光表面冲击强化对体育器 械用铝合金材料进行激光表面冲击强化数值模拟分 析。本次实验中将仿真实验的形式,对新型数值模 拟方法进行分析。结合当前体育器械用铝合金材料 的实际情况,选择铝合金连接部件作为数值模拟对 象,主要对此器件在激光强化后硬化程度进行模拟 分析。实验对象三维图像设定如图2所示。



图2 实验对象三维图示

Fig. 2 Three dimensional diagram of the experimental object  $% \left[ {{{\mathbf{F}}_{{\mathbf{F}}}} \right]$ 

图 2 为本次实验中对象,由于此部件相对较大, 所需进行强化的面积较大,激光束直径有限,所以单 激光束扫描不足以解决问题。在本次实验中使用搭 接方式完成激光强化过程。

采用上述设定内容,对实验部件进行激光强化。 由于加工部位为圆柱体,为了激光束可以垂直进入, 在实际处理的过程中,实验部件必须呈倾斜角度放 置。实验部件与激光光束呈一定的角度,随着激光 光源的移动,光源点沿着实验部件的宽度方向移动, 并逐渐完成强化作用。其中:

$$\phi = \arctan(\frac{D_s}{Z_s}) \tag{16}$$

式中, $\phi$ 表示激光强化角度; $D_s$ 为实验部件需加工部分直径; $Z_s$ 表示实验部件的宽度。

本文选择使用非常普遍的 6061 - T6 铝合金材 料作为体育器械用铝合金材料激光表面强化实验对 象。这种材料要符合体育器械的多磨损、抗腐蚀、结 构特定等特征,6061-T6 是一种以镁和硅为主要合 金元素的铝合金,价格低廉,且具有良好的加工性能 和抗腐蚀性能,在各领域中应用非常广泛。6061-T6 铝合金材料的化学成分和主要力学性能参数如表 1 和表 2 所示。

表1 6061-T6 铝合金化学成分数(wt%)

Tab. 1 Chemical comosition of 6061-T6

aluminum alloy (wt %)

| Cu   | Mg   | Fe   | Si    | Mn   | Zn   | Cr   | Ti   | Al |
|------|------|------|-------|------|------|------|------|----|
| 0.33 | 1.10 | 0.70 | 0.65  | 0.13 | 0.05 | 0.30 | 0.15 | 余量 |
|      | 表 2  | 600  | 61-T6 | 铝合   | 金力   | 学性能  | 送参数  |    |

Tab. 2 Mechanical properties of 6061-T6 aluminam alloy

| 弹性模量 | 密度                     | 泊松比  | 抗拉强度 | 屈服强度 | 延伸率 |
|------|------------------------|------|------|------|-----|
| /GPa | /(kg・m <sup>-3</sup> ) |      | /MPa | /MPa | /%  |
| 71   | 2800                   | 0.33 | 320  | 295  | 15  |

上述设定完成激光强化的实际操作过程,并根 据预设参数完成对此实验部件进行数值模拟。

4.2 实验结果分析

4.2.1 数值模拟结果分析

图 3 为本次实验中所得到的激光强化温度场示 意图,经过多次实验发现,激光的最高输出温度随着 光束的扫描路径而移动,扫描到的位置温度高速提



Fig. 3 Simulation results of temperature field

升,扫描后温度急剧下降,与此前的文献研究结果保 持一致。当零部件过大时,此现象更加明显。除加 工点外,器件的其他部分并未发生温度变化。为对 此结果进行更全面的分析,将其整合为加工点处的 温度变化图像,如图4所示。



图 4 加工点处激光热处理效果

Fig. 4 Effect of laser heat treatment at processing point

激光强化过程中,加工点周围点的最高温度情况,此图像整体呈现有序分布,在加工点处的最高温 度相对较低,相邻点的温度较高,分布较为不均衡。 由于强化后产生的硬化层厚度与温度成正比例关 系,上图中体现了此比例关系的变化过程。从侧面 证实了此次研究中提出的数值模拟方法具有可行性 与科学性。

4.2.2 激光功率对比分析

经激光表面强化,试件表面发生了一定的塑性 变形,并形成了稳定残余应力场。激光表面强化实 验后,为了得到表面形成的残余应力场数值,采用*X* 涉嫌衍射仪测量表面形成的残余应力,结果如图 5 所示。



图 5 铝合金材料表面残余应力数值曲线

Fig. 5 Numerical curve of residual stress on aluminum alloy surface

从图中可以看出,经过激光表面强化,试件表面 形成较大的残余应力场,在冲击区域形成了最大数 值的残余压应力,未冲击区域产生了残余拉应力。 随着冲击次数的增加,表面形成的最大残余压应力 数值也随着增加,当次数增加到一定值后,试件表面 形成的最大残余压应力数值不在增加趋于稳定。从 图中分析可知,实验所得的残余应力值与模拟结果 基本一致,这也验证了模拟的正确性。

4.2.3 数值模拟结果与实操结果贴合度分析

上述实验结果证实此次研究中提出数值模拟方法的可行性,为保证此方法具有实际应用价值,可为后续的体育器械开发提供帮助,在本次实验中对数 值模拟结果与实操结果贴合度进行分析。为保证实验变量的单一性,将实验条件设定如表3所示。

表3 激光表面强化加工条件

Tab. 3 Laser surface strengthening

| •          | 1          |
|------------|------------|
| processing | conditions |

| Linked<br>parts<br>processing<br>point | Laser<br>moving<br>speed/<br>( mm • min <sup>-1</sup> ) | Processing<br>times | Incidence<br>angle<br>/(°) | Laser<br>beam<br>diameter<br>/mm | Processing<br>distance<br>/mm |
|--|---|---------------------|----------------------------|----------------------------------|-------------------------------|
| 1                                      | 500   | 1                   | 90°                        | 0.4                              | 2                             |
| 2                                      | 500   | 2                   | 90°                        | 0.4                              | 2                             |
| 3                                      | 1000  | 4                   | 90°                        | 0.4                              | 2                             |
| 4                                      | 1000  | 3                   | 90°                        | 0.4                              | 2                             |
| 5                                      | 1000  | 2                   | 90°                        | 0.4                              | 2                             |
| 6                                      | 1500  | 2                   | 90°                        | 0.4                              | 2                             |
| 7                                      | 500   | 2                   | 90°                        | 0.4                              | 3                             |
| 8                                      | 1000  | 1                   | 90°                        | 0.4                              | 3                             |
| 9                                      | 1000  | 1                   | 90°                        | 0.4                              | 3                             |
| 10                                     | 500   | 1                   | 90°                        | 0.4                              | 3                             |

以上述数据作为本实验环节的实验样本,并根 据此数据进行实操与数值模拟,采集加工点中心的 最高温度,对此数据进行对比,确实数值模拟结果与 实操结果的贴合度。具体实验结果如图6所示。



根据上述实验结果可以看出,在多次实验的过程中,数值模拟结果与实操产生的最高温度较为贴近且走向较为一致,可见此数值模拟方法可得到可信度较高的数值模拟结果,在日后的研究中可使用此方法设定铝合金材料的激光表面强化参数,并对强化实际加工过程进行控制。

综合本次实验中的全部实验结果可以发现,将有 限元模拟方法应用到铝合金材料的激光表面强化数值 模拟过程中,可使得数值模拟结果更具可靠性,为后续 的激光热处理技术开发与推广提供技术支持。

#### 5 结 语

激光表面强化技术使合金材料的高性能处理成 为可能,为对其加工过程进行更全面的控制,需要使 用计算机技术设定加工工艺参数,因此设计了对应 的数值模拟方法完成此部分工作。在本次研究中, 将有限元模拟方法应用于激光强化数值模拟过程 中,在一定程度上提升了数值模拟方法的模拟精度, 但在一些方面还存在有待完善的问题。在日后的研 究中,还需要选择更先进的技术对其进行优化处理, 以此推动激光强化技术的发展。

#### 参考文献:

- [1] Dong Ningchen, Zhang Zhijie, Yin Wuliang, et al. Detection of steel surface cracks based on pulsed laser point source thermal imaging method [J]. Laser & Infrared, 2019,49(10):1195-1200. (in Chinese)
  董宁琛,张志杰,尹武良,等. 基于脉冲激光点光源热成像方法检测钢材表面裂纹[J]. 激光与红外,2019, 49(10):1195-1200.
  [2] Gao Liaoyuan, Zhou Jianzhong, Sun Qi, et al. Numerical
- [2] Guo Eladyuan, Eliou Jianzhong, Sun Qi, et al. Functional simulation and surface morphology of laser-cleaned aluminum alloy paint layer [J]. Chinese Journal of Lasers, 2019,46(5):0502002. (in Chinese) 高辽远,周建忠,孙奇,等. 激光清洗铝合金漆层的数 值模 拟 与 表 面 形 貌 [J]. 中 国 激 光, 2019, 46 (5):0502002.
- [3] Wang Cheng, Wang Long. Thermo-mechanical coupled simulation of warm shot peening of Ti6Al4V alloy [J]. China Surface Engineering, 2019, 32(2):143 153. (in Chinese)

王成,王龙.高温喷丸强化 Ti6Al4V 合金的热力耦合数 值模拟[J].中国表面工程,2019,32(2):143-153.

- [4] Wang Chan, Peng Weiping, Zhang Dongbin, et al. Numerical simulation of cold spray deposition process under pulsed laser etching[J]. Aerospace Materials & Technology, 2020, 50(5):25-30. (in Chinese) 王蝉,彭卫平,张东斌,等. 脉冲激光刻蚀作用下冷喷 涂沉积过程数值模拟[J]. 宇航材料工艺, 2020, 50 (5):25-30.
- [5] Li Yanzhou, Shi Yan. Microstructure and process optimization of AlCrFeCoNiCu high-entropy alloy by laser deposition [J]. Optics and Precision Engineering, 2019, 27 (4):795-806. (in Chinese)
  李彦洲,石岩. 铝合金表面激光沉积 AlCrFeCoNiCu 高 嫡合金组织与工艺优化[J]. 光学 精密工程,2019,27 (4):795-806.
- [6] Chang Yanni. Numerical simulation of fracture behavior of cast aluminum alloy by finite element analysis [J]. Ordnance Material Science and Engineering, 2020, 43(6):
  65-68. (in Chinese)
  常彦妮. 有限元分析铸造铝合金断裂行为数值模拟
  [J]. 兵器材料科学与工程,2020,43(6):65-68.
- [7] Wei Zhaowei, Yang Shaohong. Numerical simulation analysis of T-Joint of aluminum alloy based on ANSYS[J]. Hot Working Technology, 2019, 48(21):156 159. (in Chinese)
  魏昭祎,杨少红. 基于 ANSYS 的铝合金 T 型接头数值
- 模拟分析[J]. 热加工工艺,2019,48(21):156-159. [8] Li Songbo, Zhang Cheng, Li Xiang, et al. Effect of laser shock peening on fatigue life of 2524 aluminum alloy[J]. Surface Technology, 2020,49(5):207 - 213. (in Chinese)

李松柏,张程,李湘,等. 激光冲击强化对 2524 铝合金 疲劳 寿命的影响 [J]. 表面技术, 2020, 49 (5): 207-213.

- [9] Zhang Qinglai, Peng Xincheng, Han Weidong. Experiment and numerical simulation on laser shock forming of TA1 pure titanium sheet[J]. The Chinese Journal of Nonferrous Metals, 2019, 29(2):350 - 360. (in Chinese) 张青来,彭新成,韩伟东,等. TA1 钛薄板激光冲击成 形实验及数值模拟[J]. 中国有色金属学报, 2019, 29 (2):350 - 360.
- [10] Zhang Qi, Li Ling. Numerical simulation on the rapid phase transformation of metal under the action of moving light source[J]. Journal of University of Shanghai for Science and Technology, 2020, 42(5):441-447. (in Chinese) 张琦,李凌. 超快激光切割金属材料中快速相变的数值模 拟[J]. 上海理工大学学报, 2020, 42(5):441-447.